

# Wälzlager

## Hertzische Gleichungen

S. 080302

### Statische Lagerbelastung

$$F_G = P = \underset{\substack{\uparrow \\ \text{Radialfaktor}}}{X} \cdot F_R + \underset{\substack{\uparrow \\ \text{Axialfaktor}}}{Y} \cdot F_a$$

$$\frac{F_a}{F_R} > e \Rightarrow x \text{ u. } y \neq 0$$

$$\frac{F_a}{F_R} \leq e \Rightarrow x = 1, y = 0$$

$$P_0 \leq C_0$$

$C_0$  = statische Tragzahl

$P_0$  = maximal belastbare Kraft

$$f_s = \frac{C_0}{P_0}$$

Werte für  $f_s$  auf 080802

### Dynamische Lagerbelastung

$$P = X \cdot F_R + Y \cdot F_a$$

$$\frac{F_a}{F_R} > e \Rightarrow x \text{ u. } y \neq 0$$

$$\frac{F_a}{F_R} \leq e \Rightarrow x = 1, y = 0$$

Lebensdauerfaktor  $L_{10} = \frac{x}{10^6} = \left(\frac{C}{P}\right)^p$

$C$  = dynamische Tragzahl

$P$  = Lagerkraft

$$x = L_{10} \cdot 10^6 = \left(\frac{C}{P}\right)^p \cdot 10^6$$

$x$  = Anzahl der Umdrehungen unter der Lagerlast

Bsp: Maximale Fahrstrecke bei einem Rad

$p$  = Lebensdauere exponent

Strecke  $l = x \cdot \text{Umfang } U$

$p = 3$  (Kugellager)

$p = \frac{10}{3}$  (Rollenlager)

Lebensdauer in Stunden

$$L_h = \frac{x}{60 \frac{\text{min}}{\text{h}} \cdot n \frac{1}{\text{min}}} = \frac{\left(\frac{L}{r}\right)^p}{60 \frac{\text{min}}{\text{h}} \cdot n}$$

$n = \text{Drehzahl in } \frac{1}{\text{min}}$

Dynamische Tragzahl  $C_{ref}$

$$C_{ref} = P \cdot \left( \frac{L_h \cdot n \cdot 60 \frac{\text{min}}{\text{h}}}{10^6} \right)^{\frac{1}{P}}$$
$$= P \cdot (L_{10})^{\frac{1}{P}}$$

Hydrodynamische Gleitlager

Reibkraft

$$R = \tau \cdot A = \eta \frac{u_1 - u_2}{h'} \cdot 2\pi \cdot r \cdot b$$

$\eta = \text{dynamische Zähigkeit}$

$$h' = \text{Schmiespalthöhe} = \frac{s}{2} = \frac{D-d}{2}$$

Reibleistung:

$$P_R = R \cdot v$$

$v = u_2 = \text{Geschwindigkeit Welle}$

$$= \eta \cdot \frac{u_1 - u_2}{h'} \cdot 2 \cdot \pi \cdot r \cdot b \cdot u_2$$

Reibungszahl

$$\mu = \frac{R}{F_R} = \frac{\eta \cdot u_2 \cdot b \cdot 2 \cdot \pi \cdot r}{h' \cdot \bar{p} \cdot b \cdot 2r}$$

$$\bar{p} = \frac{F_R}{A_{proj}} = \frac{F_R}{b \cdot 2r}$$

$$\mu = \frac{\eta \cdot \omega}{\bar{p} \cdot \psi}$$

$$\omega = \frac{u_2}{r}; \quad \psi = \frac{h'}{r} = \frac{s}{d}$$

$$= \frac{\eta \cdot \omega}{\bar{p} \cdot \psi^2} \cdot \psi \cdot \pi$$

$$\omega = \text{Winkelgeschwindigkeit} = d \cdot \pi \cdot n$$

$\psi = \text{relativer Lagerpiel}$

$\bar{p} = \text{mittlerer Druck im Schmiespalt}$

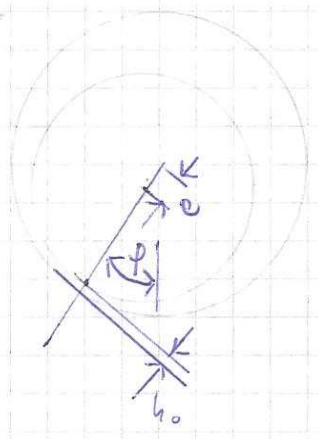


Sommerfeldzahl  $S_0 = \frac{\text{Tragkraft}}{\text{Reibkraft}} = \frac{\bar{p} \cdot \psi^2}{\eta \cdot \omega}$

$S_0 < 1 \Rightarrow \frac{\pi}{S_0} = \frac{\mu}{\psi}$  (PETROFF) Schnelllaufbereich

$S_0 > 1 \Rightarrow \frac{4}{\sqrt{S_0}} = \frac{\mu}{\psi}$  (Vogelpohl) Schwerlastbereich

Exzentrizität und Übergangsdrehzahl



$e$  = Exzentrizität

$h_0$  = kleinster Schmierpalt im Betrieb

$s = D - d =$  Lagerpiel

$\kappa = \frac{e}{\frac{s}{2}} =$  relative Exzentrizität

~~$h_0 + e = \frac{s}{2}$~~

$\kappa = \kappa(S_0, \frac{b}{d})$

minimale Schmierpalthöhe

$h_{0,min} \geq R_{t,welle} + R_{t,Bohrung}$

Relative Übergangsexzentrizität

$\kappa_{ü} = \frac{c_{ü}}{\frac{s}{2}} = \frac{\frac{s}{2} - h_{0,min}}{\frac{s}{2}} = 1 - \frac{h_{0,min}}{\frac{s}{2}}$   $\frac{s}{2} = \frac{1}{2} \cdot d \cdot \psi$

$S_{0,ü} = f(\kappa_{ü}) = \frac{\bar{p} \cdot \psi^2}{\eta \cdot \omega_{ü}}$

$\Rightarrow \omega_{ü} = \frac{\bar{p} \cdot \psi^2}{\eta \cdot S_{0,ü}} \Rightarrow n_{ü} = \frac{\omega}{2 \cdot \pi}$   $\omega = [\frac{1}{s}]$   
 $n = [\frac{1}{min}]$

# Belastungsgrenzen von hydrodynamischen Gleitlagern (Kühlung)

## Wärmebildung

$$P_R = \mu \cdot F \cdot u_1 = \alpha \cdot A_0 \cdot \Delta \vartheta_{\text{Lager}} + c \cdot \dot{m} \cdot \Delta \vartheta_{\text{Öl}}$$

Reibleistung

Konvektionskühlung

Ölkühlung

$\alpha$  = Wärmeübergangskoeffizient in  $\frac{W}{m^2 \cdot K}$

$A_0 \approx 15 \dots 20 (b \cdot d)$

$c$  = spezifische Wärme in  $\frac{J}{kg \cdot K}$  ( $1 J = 1 Nm$ ;  $1 W = 1 \frac{J}{s}$ )

$\dot{m}$  = Massenstrom =  $\dot{V} \cdot \rho$

$\alpha = 7 + 12 \sqrt{w}$

$w$  = Luftgeschwindigkeit in d. R.  $1,2 \frac{m}{s}$

$u_1 = \pi \cdot d \cdot n = r \cdot \omega$

## Erforderliche Kühlmenge

$$\dot{V} = \frac{P_R - P_{R, \text{Lager}}}{\rho \cdot c_{\text{Öl}} \cdot \Delta \vartheta_{\text{Öl}}} = \frac{\mu \cdot F_r \cdot u_1 - \alpha \cdot A_0 \cdot \Delta \vartheta_{\text{Lager}}}{\rho \cdot c_{\text{Öl}} \cdot \Delta \vartheta_{\text{Öl}}}$$

$\dot{V}_{\text{Öl}} = \frac{1}{4} \cdot u_1 \cdot s \cdot b$

## Hydrostatische Gleitlager

Skizze ME 081604

## Druck im Schmierspalt

$\rightarrow p_i = -12 \eta \cdot \frac{\dot{V}}{b} \cdot \frac{1}{h^3} \cdot s$   
bzw.  $\Delta p = p_i - p_0$

$p_i \sim \frac{1}{h^3}$  bei  $\dot{V} = \text{konst.}$

$\dot{V} = \frac{1}{6 \cdot \eta} \cdot \frac{p_i}{s} \cdot h^3 (b_m + r \cdot \bar{p})$

$\bar{p} = \frac{p}{180^\circ} \cdot \pi$

Volumenstrom (Ölmenge)

$b = 2 \cdot b_m + 2 \cdot r \cdot \bar{p}$



## Leistung für Ölpumpe

$$P_p = \frac{\dot{V} \cdot \Delta p}{\eta_p}$$

$$\Delta p = p_i - p_o \quad p_o \text{ meistens: } 0$$

$\eta_p$  = Wirkungsgrad der Pumpe

$$P_p = \frac{1}{\eta_p} \cdot \frac{1}{6 \eta} \cdot \frac{p_i^2}{s} \cdot h^3 (b_m + r \cdot \bar{\varphi})$$

$$P_p \sim h^3$$

## Tragkraft einer Tasche

$$F_R = p_i \cdot A = p_i \cdot 2r \cdot \sin \frac{\varphi}{2} \cdot b_m$$

$$F_R \sim p_i$$

⇒ erforderlichen Taschendruck:

$$p_i = \frac{F_R}{2r \cdot \sin \frac{\varphi}{2} \cdot b_m} + p_o$$

↑  
wenn angegeben

Mindestschmierpalt:

$$h_{\min} \geq R_{t, \text{welle}} + R_{t, \text{steg}}$$

## Reibkraft

$$R = \eta \cdot \frac{u_1}{h} \cdot s \cdot 2 (b_m + r \bar{\varphi})$$

## Reibverlustleistung

$$P_R = \eta \cdot \frac{u_1^2}{h} \cdot s \cdot 2 (b_m + r \bar{\varphi})$$

$$P_R \sim \frac{1}{h}$$

## Optimale Spalthöhe

$$h_{\text{opt}} = 1,34 \cdot \sqrt{\frac{\eta \cdot u_1 \cdot s}{p_i}}$$

$s$  = Stegbreite

nur wenn  $\eta_p = 0,8$

sonst ME 081606

erforderliche Stegfläche bzw. -breite

$$A_{\text{Steg}} = \frac{F_R}{p_{\text{zul}}}$$

$$A_{\text{St}} = 2 \cdot b_m \cdot s \cdot \cos \frac{\varphi}{2} + 2 \cdot 2 \cdot r \cdot \sin \frac{\varphi}{2} \cdot s$$

$$\Rightarrow s_{\text{erf}} = \frac{A_{\text{St, erf}}}{2 \cdot b_m \cdot \cos \frac{\varphi}{2} + 2 \cdot 2 \cdot r \cdot \sin \frac{\varphi}{2}}$$

### Umfangslänge der Taschen:

$$u_T = n \cdot (r \cdot \rho + s + AS)$$

$n$  = Anzahl der Taschen:

$s$  = Stegbreite

$AS$  = Korrekturfaktor (Fertigung)

$$u_T < u = \pi \cdot d$$

### Umfangsgeschwindigkeit der Welle

$$u_1 = r \cdot \omega = r \cdot n \cdot 2 \cdot \pi$$

### Änderung des Taschendruckes

$$\frac{p_i}{p_0} = \left(\frac{h_0}{h_i}\right)^3 \quad \text{oder} \quad \frac{F_i}{F_0} = \left(\frac{h_0}{h_i}\right)^3 \quad \Rightarrow \quad F_i = F_0 \cdot \left(\frac{h_0}{h_i}\right)^3$$

$$h_i \approx (R-r) + e \cdot \cos \varphi_i = h_0 + e \cdot \cos \varphi_i$$

$$\text{mit } \varphi_i = \varphi_L + (i-1) \cdot \varphi_n$$

$\varphi_L$  = Logewinkel

$$\varphi_n = \frac{360^\circ}{n}$$

$n$  = Taschenzahl

$i$  = Taschenreihenfolge im Uhrzeigersinn 1, 2, 3, ...

### 3-Taschenlager

$$\varphi_1 = 60^\circ, \quad \varphi_2 = 180^\circ, \quad \varphi_3 = 300^\circ$$

$$\text{Für } F_r = F_0 \text{ wird } \frac{e}{h_0} \approx 0,175$$

$$\Rightarrow F_2 \approx 1,78 \cdot F_0$$

$$F_{1,3} \approx 0,78 \cdot F_0$$

$$p_2 \approx 1,78 \cdot p_0$$

$$p_{1,3} \approx 0,78 \cdot p_0$$

$$h_2 = h_0 \cdot \sqrt[3]{\frac{p_0}{p_2}} = h_0 \cdot 0,825$$

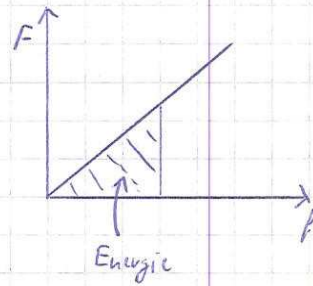
$$h_{1,3} = h_0 \cdot \sqrt[3]{\frac{p_0}{p_{1,3}}} = h_0 \cdot 1,086$$



# Federn

## Federsteifigkeit

$$c_F = \frac{F}{s} = \frac{F}{l} = \frac{F}{\Delta l} \quad \left[ \frac{N}{mm} \right]$$



## Federenergie = Arbeitsvermögen

$$W_{el} = \int_0^{l_0} F \cdot dl$$

$$W_{el} = \frac{1}{2} \cdot F_0 \cdot l_0 = \frac{1}{2} c \cdot l^2$$

$$\text{Zugstab: } \frac{1}{2} F \cdot l = \frac{1}{2} \cdot \sigma \cdot A \cdot \epsilon \cdot l = \frac{1}{2} \cdot \frac{R_{p0.2}^2}{E} \cdot V$$

$$\text{Rechteckfeder: } \frac{1}{2} \cdot F \cdot l = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{g} \cdot \frac{R_{p0.2}^2}{E} \cdot V$$

$$\text{Druckfeder: } \frac{1}{2} \cdot F \cdot l = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{R_{p0.2}^2}{E} \cdot V$$

$$\text{Torsionsstab: } \frac{1}{2} \cdot M_t \cdot \varphi = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\tau_{max}^2}{G} \cdot V = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{R_{p0.2}^2}{E} \cdot V$$

ME 090106

## Kombination von Federn

### Hineineinander:

$$F_G = F_1 = F_2 = \dots$$

$$l_G = l_1 + l_2 + \dots$$

$$\frac{1}{c_G} = \frac{1}{c_1} + \frac{1}{c_2} + \frac{1}{c_3} \dots$$

$$c_G = \frac{F_G}{l_G} = \frac{F_G}{l_1 + l_2 + \dots}$$

### Parallel

$$F_G = F_1 + F_2 + F_3 \dots$$

$$l_G = l_1 = l_2 = l_3 \dots$$

$$c_G = c_1 + c_2 + c_3 \dots$$

$$c_G = \frac{F_G}{l_G} = \frac{F_1}{l_1} + \frac{F_2}{l_2} + \dots$$

Ringfeder ME 090201

Blattfeder ME 090206

Spiralfeder ME 090206

Schenkelfeder ME 090208

## Tellerfedern ME 090211

1) Anzahl  $n$  der erforderlichen Tellerfedern:

Bsp: für gleichmäßig geschaltet:

$$F_G = F_N$$

Kraft auf Tellerfederpaket

$$F_G = n \cdot F_{\max}$$

$$F_{\max} = F_{zul}$$

$$\Rightarrow n_{\text{erf}} = \frac{F_N}{F_{zul}}$$

2) Vorspannweg  $l_{ges}$

$$c_G = \frac{F_G}{l_G}$$

$$c_G = n \cdot c_T$$

bei Parallelschaltung

$$F_G = F_N$$

$$l_G = l_{ges}$$

$$\Rightarrow l_{ges} = \frac{F_N}{n \cdot c_T}$$

$$c_T = \frac{F_{zul}}{l_{zul}}$$

$$l_{ges} = \frac{F_N \cdot l_{zul}}{n \cdot F_{zul}}$$

3) Höhe des Federpakets

angespannt:  $L_0 = n \cdot t + h_0$

$t =$  Federdicke

gespannt:  $L = L_0 - l_{ges}$

$h_0 =$  Federhöhe

4) Ausnutzung

$$A^* = \frac{l_{ges}}{l_{zul}}$$



Torsionsstab ME 090212

Verdrehsteifigkeit:  $C_t = \frac{M_t}{\varphi} = G \cdot \frac{I_p}{l}$   $I_p = \frac{\pi}{32} \cdot d^4$

Arbeitsvermögen:  $W = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\tau^2}{G} \cdot V$

Beanspruchung:  $\tau = \frac{M_t}{W_p} = \frac{M_t}{W_t}$   $W_t = \frac{\pi \cdot d^3}{16}$

$M_t = \frac{I_p}{r} \cdot \tau$

Verdrehwinkel:  $\varphi = \frac{\tau \cdot l}{G \cdot r}$

Schraubenfeder ME 090213

Torsionsmoment:  $M_t = Q \cdot R_m = F \cdot \cos \alpha \cdot R_m \Rightarrow F \cdot R_m$

Beanspruchung Torsionsspannung:  $\tau = \frac{M_t}{W_t} = \frac{F \cdot R_m}{\frac{r^3 \cdot \pi}{2}}$

Biegemoment:  $M_b = L \cdot R_m = F \cdot \sin \alpha \cdot R_m$

Federweg:  $f = \frac{R_m^3}{r} \cdot \frac{\tau}{G} \cdot 2\pi \cdot \bar{n}_f$   $\tau = \frac{F \cdot R_m}{\frac{r^3 \cdot \pi}{2}}$

$f = \frac{4 \cdot \bar{n}_f}{G} \cdot \frac{R_m^3}{r^4} \cdot F$

Federsteifigkeit  $c = \frac{F}{f} = \frac{G}{4 \cdot \bar{n}_f} \cdot \frac{r^4}{R_m^3}$

geramte Windungszahl:  $\bar{n}_G = \bar{n}_f + 2$   $\bar{n}_f$  in der Regel ganzzahlig

Wickelverhältnis  $w = \frac{R_m}{r}$

Faktor der Spannungsüberhöhung  $k = \frac{\tau_{max}}{\tau_m} = \frac{\tau_{gewickelt}}{\tau_{gerade}}$

$k = 1 + \frac{5}{4w} + \frac{7}{8w^2} + \frac{1}{w^3}$

Wirkfaktor unter schwingender Beanspruchung:  $k' = \frac{\tau_{A, gewickelt}}{\tau_{A, gerade}} = \frac{w}{w - 0,5}$

gespeicherte Energie:  $W = \frac{(s + s_v)^2 \cdot G \cdot d^4}{16 \cdot \bar{n}_f \cdot D_m^3}$

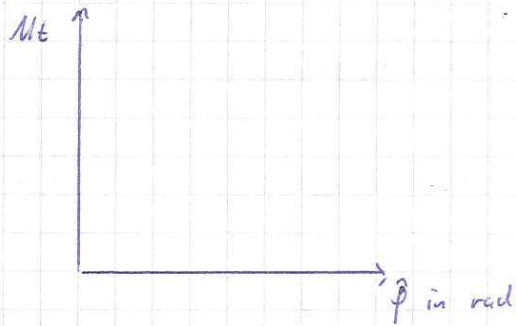
Drehstabfeder:

ME 090411

$$c_t = \frac{M_t}{\varphi} \quad \left[ \frac{\text{Nm}}{\text{rad}} \right]$$

$$c_t = \frac{G \cdot I_p}{L_f}$$

$$\text{mit } I_p = \frac{\pi}{32} d^4$$



$$\Rightarrow d = \sqrt[4]{\frac{c_t \cdot 32 \cdot L_f}{G \cdot \pi}}$$

Spannungen

$$\tilde{\tau}_t = \frac{M_t}{W_p}$$

$$\text{mit } W_p = \frac{\pi}{16} d^3$$

$$\tilde{\tau}_{t,o} = \frac{M_{t,max}}{W_p}$$

$$; \quad \tilde{\tau}_{t,u} = \frac{M_{t,min}}{W_p}$$

Auswertung

$$A^* = \frac{\tilde{\tau}_{t,a}}{\tilde{\tau}_{t,A}}$$

$$\text{mit } \tilde{\tau}_{t,a} = \frac{\tilde{\tau}_{t,o} - \tilde{\tau}_{t,u}}{2}$$

$$\tilde{\tau}_{t,m} = \frac{\tilde{\tau}_{t,o} + \tilde{\tau}_{t,u}}{2} = \tilde{\tau}_{t,o} - \tilde{\tau}_{t,a}$$

$\tilde{\tau}_{t,A} = \tilde{\tau}_{t,jul}$  aus SMITH-Diagramm für  $\tilde{\tau}_{t,m}$



## Welle-Nabe-Verbindungen

### Passfedern

$$F_n = \frac{M_t \cdot 2}{d_w}$$

$$\text{Flächenpressung } p = \frac{F_n}{h_H \cdot (l-l)} \quad \text{oder} \quad \frac{F_n}{h_w (l-l)} \leq \frac{k_G}{s} = p_{zul}$$

$$\text{Scherspannung } \tau_a = \frac{F_n}{b \cdot (l-l)} \leq \tau_{zul}$$

### Ritzschlüssige Verbindungen

$$F_R = \mu \cdot F_N \quad ; \quad \mu = \tan \varphi = \frac{F_R}{F_N}$$

$$F_A \leq \mu_H \cdot F_N \quad \text{Halten der Verbindung}$$

$$F_A > \mu_H \cdot F_N \quad \text{Lösen der Verbindung}$$

### Klemmverbindung:

$$\text{Spannkraft } F_{sp} = 2 \cdot p_m \cdot l \cdot r = p_m \cdot l \cdot d$$

$$\text{Schraubkraft} = \frac{F_{sp}}{z} = F_s \quad z = \text{Anzahl der Schrauben}$$

Kesselformel:

$$\sigma_t = \frac{p \cdot d}{2 \cdot t}$$

$$\text{Reibkraft } F_R = \mu \cdot p_m \cdot l \cdot 2\pi \cdot r = \mu \cdot F_N$$

$$\text{Reibmoment } M_R = \mu \cdot p_m \cdot l \cdot 2\pi \cdot r^2 = \mu \cdot F_N \cdot r$$

$$M_R = d_t \cdot S_R$$

### Geschlitzte Nabe

$$F_s = \frac{l_n}{l_1} \cdot F_{sp}$$

Verhältniszahlen auf ME 0100306

Beispiel auf ME 0100307

Kippkraft - Klemmverbindung ME 0100308

## Pressverbindung

Ring unter Innendruck

$$\sigma_r = p \frac{Q_A^2}{1 - Q_A^2} \left(1 - \frac{r_a^2}{r^2}\right)$$

$$\sigma_t = p \frac{Q_A^2}{1 - Q_A^2} \left(1 + \frac{r_a^2}{r^2}\right)$$

$$Q_A = \frac{r_{Ai}}{r_{Ao}}$$

Ring unter Außendruck

$$\sigma_r = -\frac{p}{1 - Q_I^2} \left(1 - \frac{r_i^2}{r^2}\right)$$

$$\sigma_t = -\frac{p}{1 - Q_I^2} \left(1 + \frac{r_i^2}{r^2}\right)$$

$$Q_I = \frac{r_{Ii}}{r_{Io}}$$

Haftmaß  $Z =$  Übermaß u. Glättung  $G$   
 $= u - 2 \cdot 0,4 (R_{zA} + R_{zS})$

Hohlwelle: 
$$\frac{Z}{2 \cdot r_i} = \frac{p}{E} \left( \frac{1 + Q_A^2}{1 - Q_A^2} + \frac{1 + Q_I^2}{1 - Q_I^2} \right)$$

\*

Vollwelle: 
$$\frac{Z}{2 \cdot r_i} = \frac{p}{E} \cdot \frac{2}{1 - Q_A^2}$$

## übertragbares Drehmoment

$$dM_t = \mu \cdot F_N \cdot r_F = \mu \cdot p \cdot 2 \cdot \pi \cdot r_F \cdot l \cdot r_F$$

$$F_{res} = \sqrt{F_u^2 + F_A^2}$$

Rutschsicherheit  $S_R = \frac{F_R}{F_{res}} = \frac{F_R}{\sqrt{\left(\frac{2 \cdot M_t}{d_F}\right)^2 + F_A^2}}$

Reibungskraft  
res. Kraft

$$P_{eff} = \frac{S_R \cdot F_{res}}{\mu \cdot \pi \cdot d_F \cdot l}$$



## Spannelement Ringfeder

$$F_A = S \cdot (\tan \alpha \pm 2 \tan \beta) \quad \text{Zusammenhang zwischen Axial- + Spannkraft}$$

↑  
Spannen (+) ; Lösen (-)

Indifferent, wenn  $\tan \alpha = 2 \cdot \tan \beta \Rightarrow 2 \cdot \mu_H = 2 \cdot \tan \beta = \tan \alpha$

$$F_{An} = F_{A1} \cdot \left( \frac{\tan \alpha}{\tan \alpha + 2 \mu} \right)^{n-1} = F_{A1} \cdot Q^{n-1} \quad Q = \frac{\tan \alpha}{\tan \alpha + 2 \mu}$$

$$P_n = \frac{1}{b_r \cdot 2\pi \cdot r} \cdot \frac{F_{A1} \cdot Q^{n-1}}{\tan \alpha + 2 \mu}$$

übertragbares Drehmoment:

$$M_{tin} = \mu \cdot F_N \cdot r = \mu \cdot P_n \cdot b_r \cdot 2\pi \cdot r \cdot r$$
$$= \frac{F_{A1} \cdot \mu \cdot r}{\tan \alpha + 2 \mu} \cdot Q^{n-1}$$

Gesamtdrehmoment

$$M_t = \frac{F_{A1} \cdot \mu \cdot r}{\tan \alpha + 2 \mu} \cdot \sum Q^{n-1}$$
$$= \frac{F_{A1} \cdot \mu \cdot r}{\tan \alpha + 2 \mu} \cdot \frac{1 - Q^n}{1 - Q}$$

\*  $\epsilon_{ti} = \frac{U_A}{2 \cdot r_i} = \frac{p}{E_A} \cdot \left( \frac{1 + Q_A^2}{1 - Q_A^2} + \mu \right) \quad \text{Ring unter Innendruck}$

$\epsilon_{ta} = \frac{U_I}{2 \cdot r_e} = - \frac{p}{E_I} \left( \frac{1 + Q_I^2}{1 - Q_I^2} - \mu \right) \quad \text{Ring unter Außendruck}$

$\mu = \text{Querkontraktionszahl}$

## Übertragungsfähigkeit / Festkeitsbetrachtung

•  $Z_{\min}$ ;  $Z_{\max}$  ausrechnen

$p_{\min}$ ;  $p_{\max}$  ausrechnen

$$p_{\min} = \frac{Z_{\min} \cdot F}{d_f \cdot \left( \frac{1+Q_A^2}{1-Q_A^2} + \frac{1+Q_I^2}{1-Q_I^2} \right)} \quad \begin{array}{l} \text{(für Hohlwelle)} \\ \text{Vollwelle siehe Seite früher)} \end{array}$$

$$p_{\max} = \text{analog mit } Z_{\max} \quad \text{oder} \quad p_{\max} = p_{\min} \cdot \frac{Z_{\max}}{Z_{\min}}$$

$$p_{\text{erf}} = \frac{F_R \cdot F_{\text{res}}}{\pi \cdot \mu \cdot d_f \cdot l} \quad , \quad p_{\text{zul}} = \frac{1-Q_A^2}{2} \cdot \sigma_{\text{zul}}$$

$$p_{\text{erf}} < p_{\min} \Rightarrow \text{Übertragungsfähigkeit}$$

• Spannungen in der Welle:

Spannungen in der Nabe:

$$\sigma_{rI_i} = 0$$

$$\sigma_{rA_i} = -p$$

$$\sigma_{rI_a} = -p_{\max}$$

$$\sigma_{rA_a} = 0$$

$$\sigma_{tI_i} = -\frac{2 \cdot p_{\max}}{1-Q_I^2}$$

$$\sigma_{tA_i} = p \cdot \frac{1+Q_A^2}{1-Q_A^2}$$

$$\sigma_{tI_a} = -p_{\max} \cdot \frac{1+Q_I^2}{1-Q_I^2}$$

$$\sigma_{tA_a} = p \cdot \frac{2 \cdot Q_A^2}{1-Q_A^2}$$

$$\sigma_{z,l} = \frac{R_{p0,2}}{S_f}$$

Festigkeitsnachweis (nur Schruppspannungen)

Welle - innen

Welle - außen

Nabe - innen

Nabe - außen

$$\left. \begin{array}{l} \text{Welle - innen} \\ \text{Welle - außen} \\ \text{Nabe - innen} \\ \text{Nabe - außen} \end{array} \right\} \sigma_v = \sqrt{\sigma_r^2 + \sigma_t^2 - \sigma_r \cdot \sigma_t}$$

$$\Rightarrow \sigma_v \leq \sigma_{\text{zul}} \Rightarrow \text{Festigkeit gewährleistet}$$



## Dreiaxialer Spannungszustand

$$\sigma_r = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + \sigma_z^2 - \sigma_x \cdot \sigma_y - \sigma_y \cdot \sigma_z - \sigma_x \cdot \sigma_z + 3 \cdot (\tau_{yz}^2 + \tau_{zx}^2 + \tau_{xy}^2)}$$

Welle:

Schubspannung aus Torsion (Pressfuge)

$$\tau_t = \frac{M_t}{W_p} = \frac{M_t \cdot 16}{\pi \cdot d_f^3}$$

Schubspannung aus Umfangskraft (Pressfuge)

$$\tau_u = \frac{F_u}{A_u} = \frac{2 \cdot M_t}{d_f \cdot \pi \cdot d_f \cdot l}$$

Schubspannung aus Axialkraft (Pressfuge)

$$\tau_{ax} = \frac{F_A}{A_u}$$

Normalspannung aus Axialkraft

$$\sigma_{ax} = \frac{F_a}{A_{Welle}} = \frac{F_a \cdot 4}{\pi \cdot d_f^2}$$

Nabe (innen)

Nabe (außen)

} siehe ME 0100427 ff.

Klemmverbindung - max. zul. Schraubkraft

$$\sigma_{zul} = \frac{F_{max}}{A_{krit}} = \frac{F_{s,max}}{A_s}$$

$$F_s = \frac{L_1}{L_2} \cdot F_{sp}$$

Für Vollwelle:

$$\sigma_{rIi} = -p$$

$$\sigma_{rIa} = -p$$

$$\sigma_{tIi} = -p$$

$$\sigma_{tIa} = -p$$

erforderliche Schwamptemperatur

$$\Delta T = \frac{U_{max} + U_e}{d_f} \cdot \frac{1}{\alpha}$$

$\alpha$  = Wärmeausdehnungskoeffizient

$U_e$  = Einbauspil

z. B. 0,001  $d_f$